

Zadanie: POR

Portale



ONTAK 2021, dzień szósty. Dostępna pamięć: 512 MB. Limit czasu: 10 s.

04.07.2021

Bajtocja jest największym mocarstwem międzyplanetarnym nowej ery. Jej terytorium rozciąga się na N planet, a strefa wpływów ma zasięgi daleko wykraczające poza Drogę Mleczną. Ale zarządzanie tak rozległym mocarstwem nie jest ani proste, ani tanie, o czym wie Bajtazar – obecny imperator Bajtocji.

Aby ułatwić sobie sprawowanie władzy Bajtazar postanowił wykorzystać najnowszą bajtocką technologię *portali czasoprzestrzennych*. Każdy portal łączy dwie planety i pozwala na szybkie, tanie i obustronne przemieszczanie się między nimi – choć same portale tanie nie są. Istotnie, budżet Bajtocji pozwala na wybudowanie maksymalnie $N - 1$ takich portali, i oczywiście Bajtazar pragnie, aby po ich zbudowaniu między każdymi dwiema planetami istniało (niekoniecznie bezpośrednie) połączenie. Jednak Bajtazar nie będzie zadowolony byle jaką siecią połączeń – żąda, aby po rozmieszczeniu wspomnianych $N - 1$ par portali **ścieżka między dowolnymi dwiema planetami miała długość nie przekraczającą D skoków przez portale**.

To wszystkie wymogi Bajtazara, ale dopiero początek trudności. Otóż portale czasoprzestrzenne mogą zostać wybudowane między wybraną parą planet jedynie w czasie tzw. *załamania czasoprzestrzennego*. Załamanie czasoprzestrzenne to chwilowa wyrwa w prawach fizyki, która zawsze prowadzi między dwoma różnymi masywnymi obiektami (na przykład planetami). Portal między dwiema planetami można zbudować tylko utrwalając właśnie istniejące załamanie czasoprzestrzenne.

Bajtoccy naukowcy przewidują, że w niedalekiej przyszłości nastąpi M załamań czasoprzestrzennych, każde między pewną parą planet – wtedy właśnie powstanie sieć żądana przez imperatora Bajtazara. Nikt jednak nie wie, które planety dokładnie zostaną tymczasowo połączone przez załamania czasoprzestrzenne – wiadomo tylko, że **każde nowe załamanie ma jednakową szansę pojawienia się między każdą z $\binom{n}{2}$ par różnych planet**. Załamania trwają bardzo krótko – zanim pojawi się następne, poprzednie znika, o ile nie zostanie utrwalone przez budowę portalu. Jednak istniejące w przeszłości załamanie nie wpływa na przyszłe prawdopodobieństwa, i zawsze ma szansę pojawienia się ponownie.

Aby wybrać odpowiednie do utrwalenia załamania i kierować budową portali, zatrudniono Ciebie – nie zawiedz Bajtocji i jej imperatora! Podobno bardzo tego nie lubi. . .

Komunikacja

To jest zadanie interaktywne. Twój program, zamiast czytać z wejścia dane i pisać odpowiedź na wyjście, powinien komunikować się z dostarczoną biblioteką. Za jej pomocą zdobędziesz informacje o kolejnych załamaniach czasoprzestrzennych, a także zdecydujesz o budowie kolejnych par portali. Aby użyć biblioteki, należy wpisać na początku programu:

- C/C++: `#include "cporlib.h"`

Biblioteka udostępnia następujące funkcje i procedury:

- `podzadanie()`;
Ta funkcja zwraca numer podzadania, czyli liczbę całkowitą T spełniającą $0 \leq T \leq 25$.
- `dajN()`, `dajM()`, `dajD()`;
Pierwsza funkcja zwraca liczbę całkowitą N , która oznacza liczbę planet znajdujących się pod panowaniem Bajtazara.
Druga funkcja zwraca liczbę całkowitą M , która oznacza liczbę załamań między planetami w Bajtocji.
Trzecia funkcja zwraca liczbę całkowitą D , która oznacza ustalone przez Bajtazara ograniczenie górne na długość ścieżki między dwiema planetami.
– C/C++: `int dajN();`
`int dajM();`
`int dajD();`
- `zalamanie()`;
Funkcja zwraca pseudolosową parę różnych liczb całkowitych a, b ($1 \leq a, b \leq N$) oznaczających numery planet, między którymi wystąpiło załamanie czasoprzestrzenne. Funkcję `zalamanie` możesz wywołać maksymalnie M razy. Masz przy tym gwarancję, że kolejne wywołania funkcji `zalamanie` na tym samym teście zawsze zwrócą te same rezultaty.
– C/C++: `pair<int, int> zalamanie();`

- `portal()`;

Funkcja `portal` buduje nową parę portali. Wybudowana para łączy te dwie planety, których numery zostały zwrócone przez ostatnie wywołanie funkcji `zalamanie`. W szczególności Twój program nie może wywoływać funkcji `portal` przed pierwszym wywołaniem funkcji `zalamanie`.

– C/C++: `void portal()`;

Twój program musi wywołać funkcję `portal` **dokładnie** $N - 1$ **razy**. Twój program **nie może** czytać żadnych danych (ani ze standardowego wejścia, ani z plików). **Nie może** również nic wypisywać do plików ani na standardowe wyjście. Może pisać na standardowe wyjście diagnostyczne (`stderr`) – pamiętaj jednak, że zużywa to cenny czas.

Podzadania

W każdym podzadaniu zachodzi $10 \leq N \leq 200\,000$, $10 \cdot N \leq M \leq 200\,000\,000$ oraz $\log_2(N) \leq D \leq 100$. Każde podzadanie jest warte 4 punkty oraz zawiera 3 testy o wartościach N, M, D podanych w tabeli.

podzadanie	N	M	D
0 (test przykładowy)	10	1000	6
1	10	1 000	6
2	100	5 000	14
3	100	1 000	24
4	1 000	15 000	100
5	1 000	20 000	50
6	1 000	50 000	22
7	10 000	1 000 000	100
8	10 000	150 000	100
9	10 000	3 000 000	60
10	10 000	600 000	60
11	10 000	8 000 000	34
12	10 000	500 000	34
13	10 000	10 000 000	22
14	10 000	2 500 000	22
15	100 000	10 000 000	100
16	100 000	2 000 000	100
17	100 000	20 000 000	70
18	100 000	3 000 000	70
19	100 000	50 000 000	46
20	100 000	5 000 000	46
21	150 000	200 000 000	34
22	150 000	10 000 000	34
23	200 000	200 000 000	26
24	200 000	10 000 000	26
25	200 000	10 000 000	18

Eksperymenty

W zakładce *Pliki* dostępna jest przykładowa biblioteka, która pozwoli Ci przetestować poprawność rozwiązania. Biblioteka zakłada, że $N = 10$, $M = 1\,000$ oraz $D = 6$. Biblioteka implementuje metody podane w zadaniu, jednak ich działanie różni się od tych opisanych w treści. **Należy samemu zaimplementować poprawne metody w bibliotece**. Po zakończeniu działania Twojego programu biblioteka wypisuje na standardowe wyjście informację o udzielonej odpowiedzi - jeżeli różni się ona od napisu *OK*, to działanie Twojego programu nie jest poprawne.

Do kompilacji rozwiązania wraz z biblioteką powinieneś użyć polecenia:

- C++: `g++ cporlib.cpp Twój_plik.cpp -o Twój_plik_wynikowy --std=c++11`

Plik z rozwiązaniem i biblioteka powinny znajdować się w tym samym katalogu.